

موقع عيون البصائر التعليمي

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

مديرية التربية لولاية برج بوعريريج

وزارة التربية الوطنية

ثانويات ولاية برج بوعريريج

الشعبة: تقني رياضي هندسة مدنية

امتحان بكالوريا تجاري في مادة التكنولوجيا المدة: 04 ساعات السنة الدراسية: 2020/2021

على المرشح اختيار موضوع واحد

الموضوع الأول:

الميكانيك المطبق: 12 ن

التمرين 01: 06 ن

لتكن الرافدة الموضوعة على مسندين أحدهما بسيط (المسند B) والثاني مضاعف (المسند A) والمحمولة كما هو موضح في الشكل الميكانيكي التالي (الشكل 01):

الشكل 1

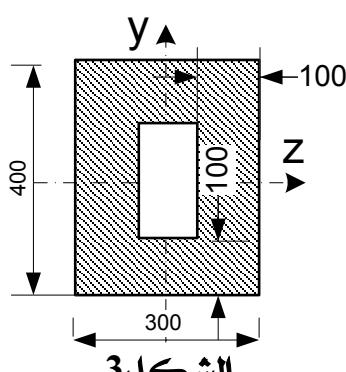
المطلوب:

1/ أحسب ردود الأفعال في المسندين

2/ اكتب معادلات الجهد القاطع T_x وعزم الانحناء M_{f_x}

3/ ارسم منحنيات الجهد القاطع وعزم الانحناء ثم استنتج عزم الانحناء الاعظمي $M_{f_{max}}$

4/ اذا علمت ان مقطع الرافدة هو التالي: (نستعمل وضعيتين انظر الشكل 02 والشكل 03)



الشكل 3

*الابعاد بـ: mm

الشكل 2

- أحسب عزم عطالة المقطعين I_{zz}
- أحسب الاجهادات الناظمية ثم ارسم تمثيلها البياني
- اذا علمت ان الاجهاد المسموح به هو 400 daN/cm^2 اختر المقطع الاكثر ملاءمة للاستعمال (اعتمادا على اجهاد الشد الناتج عن الانحناء).

التمرين 02: 06

لدينا جملة مثلثية معدنية موضوعة على مسندين احدهما بسيط والثاني مضاعف والحملة كما هو مبين في الشكل الميكانيكي التالي:

المسند A مضاعف

المسند B بسيط

الشكل 4

المطلوب:

1/تحقق من شرط الاستقرار الهندسي

2/أحسب ردود الأفعال

3/أحسب قيم القوى الداخلية في القصبان وحدد طبيعتها باستعمال طريقة عزل العقد
(العقد A,C,D,E,F)

4/أحسب مساحة مقطع القضيب الاكثر تحميلا اذا علمت ان الاجهاد المسموح به هو 2400 daN/cm^2

5/أحسب استطالة او تقلص القضيب الاكثر تحميلا علما ان معامل المرونة الطولي هو:

$$E = 2.10^6 \text{ daN/cm}$$

البناء: 08ن

التمرين 03: 03ن

رسم العناصر المرقمة من 01 الى 04 في الشكل 5

مقطع متکاً بمنظورين 1/2

الشكل 5

التمرين 04: 05ن

اکمل رسم المظهر الطولي للطريق على الوثيقة (الصفحة 04)

مخطط المظهر الطولي لطريق

ترجع الوثيقة مع أوراق الإجازة

▲ 1/100

► 1/1000
+

+88.00

الرقم المقاطع العرضية	1	2	3	4
هناك خط التربة الطبيعية	90.00	92.00	92.00	91.00
هناك خط المشروع	91.00	-----	91.50	90.00
المسافات الجزئية	30.00	40.00	70.00	
المسافات المترامية	00.00			
الميول				
المسقطات والمذنبات				

الموضوع الثاني:

الميكانيك المطبقه:12

التمرين 01: 06

لتكن الرافدة المعدنية الموثوقة(المسند A) والمحمولة كما هو موضح في الشكل الميكانيكي التالي
(الشكل 01):

العزم M1 مرکز على بعد 1m من المسند A

المطلوب:

الشكل 1

1/ أحسب ردود الأفعال في المسندين

2/ اكتب معادلات الجهد القاطع T_x وعزم الانحناء M_f

3/ ارسم منحنيات الجهد القاطع وعزم الانحناء ثم استنتج قيمة عزم الانحناء الاعظمي.

4/ اذا علمت ان مقطع الرافدة هو مجنب IPN والاجهاد المسموح به هو 1800 daN/cm^2 اختر المجنب الذي يحقق شرط المقاومة.

جدول الخصائص الهندسية للمجنابات IPN

المجنب	المساحة	الابعاد					الخصائص الهندسية			
		S (cm ²)	h (mm)	b (mm)	t _w (mm)	t _f (mm)	I _z (cm ⁴)	W _{el,z} (cm ³)	I _y (cm ⁴)	W _{el,y} (cm ³)
IPN80	7,58	80,00	42,00	3,90	5,90	77,80	19,50	6,29	3,00	
IPN100	10,60	100,00	50,00	4,50	6,80	171,00	34,20	12,20	4,88	
IPN120	14,20	120,00	58,00	5,10	7,70	328,00	54,70	21,50	7,41	
IPN140	18,30	140,00	66,00	5,70	8,60	573,00	81,90	35,20	10,70	
IPN160	22,80	160,00	74,00	6,30	9,50	935,00	117,00	54,70	14,80	
IPN180	27,90	180,00	82,00	6,90	10,40	1450,00	161,00	81,30	19,80	
IPN200	33,40	200,00	90,00	7,50	11,30	2140,00	214,00	117,00	26,00	
IPN220	39,50	220,00	98,00	8,10	12,20	3060,00	278,00	162,00	33,10	

التمرين 02: 06

لدينا عمود خرساني مسلح داخل بناء خاضع لحمولة اんضغاط N_u

المعطيات:

- حمولة الانضغاط: $N_u = 1.0 \text{ MN}$
- ابعاد مقطع العمود (دائري المقطع): القطر $D = 30 \text{ cm}$
- مقاومة الخرسانة للانضغاط : $\gamma_b = 1.5$ ، $f_{c28} = 20 \text{ MPa}$
- طول التحدب : $L_f = 2.90 \text{ m}$
- حديد التسلیح: الفولاد نوع HA
- الحمولات مطبقة بعد 90 يوما

المطلوب:

- 1/ أحسب مساحة مقطع التسلیح الطولي.
- 2/ أحسب التسلیح العرضي
- 3/ اقترح رسمياً لقطع تسلیح العمود

تعطى العلاقات التالية:

$$\lambda = 4 \frac{lf}{D} , \alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left(\frac{\lambda}{35} \right)^2} , Br = \pi(D - 2)^2 / 4$$

$$Ath = \left(\frac{Nu}{\alpha} - \frac{Br \cdot f_{c28}}{0.9 \gamma_b} \right) \frac{\gamma_s}{f_e} , Amin = \max \left(4u ; \frac{0.2B}{100} \right)$$

$$Acal = \max(Ath ; Amin) , \phi t = \phi l max / 3$$

$$St = \min \{ (15\phi l) ; 40cm ; (a + 10cm) \}$$

جدول التسليح:

المقطع ب (mm ²) لعدد من القضبان :										القطر (mm)
10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	
5.02	4.52	4.01	3.51	3.01	2.51	2.01	1.51	1.00	0.50	8
7.85	7.06	6.28	5.49	4.71	3.92	3.14	2.35	1.57	0.78	10
11.31	10.18	9.05	7.92	6.78	5.65	4.52	3.39	2.26	1.13	12
15.39	13.85	12.31	10.77	9.23	7.69	6.15	4.62	3.08	1.54	14
20.10	18.09	16.08	14.07	12.06	10.05	8.04	6.03	4.02	2.01	16
31.42	28.27	25.13	21.99	18.85	15.71	12.57	9.42	6.28	3.14	20

البناء: 08ن

التمرين 03: 03ن

- اذكر مختلف الوثائق المكونة لملف مشروع طريق

التمرين 04: 05ن

قام طبوغرافي برفع قطعة ارض رباعية الشكل (ABCD) -الشكل 2-. وسجل الاحداثيات القائمة لرؤوسها كما هو مسجل في الجدول التالي :

النقط	X(m)	Y(m)
A	200.000	300.000
B	200.000	500.000
C	450.00	420.000
D	400.000	300.000

المطلوب :

- أحسب مساحة القطعة ABCD باستعمال طريقة الاحداثيات القائمة

اذا علمت ان القطعة ملك لوريثين ، الوريث الاول يملك الثلثين (2/3) والثاني يملك الثلث (1/3).

- ساعد الوريثين في تقسيم القطعة (بتحديد احداثيات النقطة E).

تصحيح اختبار مادة التكنولوجيا هندسة مدنية 2021/2020

العلامة العلامة مجازأة	عنصر الاجابة
3x0.25	<p>الموضوع الاول:</p> <p>الميكانيك المطبقه: التمرين الأول: 06/06 حساب ردود الافعال: 1</p> <p>$\sum F_x = 0 \Rightarrow H_A = 0$</p> <p>$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A + V_B = 48kN \dots\dots 1$</p> <p>$\sum M/A = 0 \Rightarrow 4V_B = 200kN$</p> <p>$V_B = 50kN$</p> <p>$\sum M/B = 0 \Rightarrow 4V_A = -8kN$</p> <p>$V_A = -2kN$</p> <p>التحقق:</p> <p>$VA + VB = 50 - 2 = 48kN$</p> <p>المعادلة محققة</p> <p>2/ كتابة معادلات الجهد القاطع T_x وعزم الانحناء Mf_x :</p> <p>المجال الاول: $0 \leq x \leq 2m$</p> <p>T_x</p> <p>$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A - T_x = 0$</p> <p>$T_x = -2$</p> <p>$x = 0m \Rightarrow T(0) = -2kN$</p> <p>$x = 2m \Rightarrow T(2) = -2kN$</p> <p>$Mf_x$</p> <p>$\sum M/s = 0 \Rightarrow Mf_x - V_A \cdot x = 0$</p> <p>$Mf_x = -2x$</p> <p>$x = 0 \Rightarrow Mf_x(0) = 0kNm$</p> <p>$x = 2m \Rightarrow Mf_x(2) = -4kNm$</p>

تصحيح اختبار مادة التكنولوجيا هندسة مدنية 2021/2020

		<p>المجال الثاني: $2 \leq x \leq 4m$</p> <p>T_x</p> $\sum Fy = 0 \Rightarrow V_A - T_x - 10(x-2) = 0$ $T_x = -10x + 18$ $x = 2m \Rightarrow T(2) = -2kN$ $x = 4m \Rightarrow T(4) = -22kN$ <p>Mf_x</p> $\sum M/s = 0 \Rightarrow Mf_x - V_A \cdot x + 10(x-2)(x-2)/2 = 0$ $Mf_x = -5x^2 + 18x - 20$ $x = 2m \Rightarrow Mf_x(2) = -4kNm$ $x = 4m \Rightarrow Mf_x(4) = -28kNm$
4x0.50		<p>المجال الثالث: $4 \leq x \leq 5m$</p> <p>T_x</p> $\sum Fy = 0 \Rightarrow V_A + V_B - T_x - 10(x-2) = 0$ $T_x = -10x + 68$ $x = 4m \Rightarrow T(4) = 28kN$ $x = 5m \Rightarrow T(5) = 18kN$ <p>Mf_x</p> $\sum M/s = 0 \Rightarrow Mf_x - V_A \cdot x + 20(x-3) + 5(x-4)^2 - V_B(x-4) = 0$ $Mf_x = -5x^2 + 68x - 220$ $x = 4m \Rightarrow Mf_x(4) = -28kNm$ $x = 5m \Rightarrow Mf_x(5) = -5kNm$
		<p>المجال الرابع: $5 \leq x \leq 6m$</p> <p>نستعمل القطع على اليمين</p> <p>$0 \leq x \leq 1m$</p> $\sum Fy = 0 \Rightarrow T_x - 10x = 0$ $T_x = 10x$ $x = 0m \Rightarrow T(0) = 0kN$ $x = 1m \Rightarrow T(1) = 10kN$

تصحيح اختبار مادة التكنولوجيا هندسة مدنية 2021/2020

Mf_x

$$\sum M / s = 0 \Rightarrow Mf_x - 10(x)^2 / 2 = 0$$

$$Mf_x = -5x^2$$

$$x = 0 \text{ m} \Rightarrow Mf_x(0) = 0 \text{ kNm}$$

$$x = 1 \text{ m} \Rightarrow Mf_x(1) = -5 \text{ kNm}$$

3/ رسم منحنيات الجهد القاطع وعزم الانحناء:

2x0.5

استنتاج عزم الانحناء الاعظمي:

$$Mf_{\max} = 28 \text{ kNm}$$

4/ حساب عزم العطالة $I_{zz'}$

الوضعية الأولى:

$$I_{zz'} = bh^3 / 12$$

$$= 30 \times 10^3 / 12 = 160000 \text{ cm}^4$$

الوضعية الثانية:

$$I_{zz'} = bh^3 / 12 - b'h'^3 / 12$$

تصحيح اختبار مادة التكنولوجيا هندسة مدنية 2021/2020

		$I_{zz'} = 40 \times 30^3 / 12 - 10 \times 20^3 / 12$ $= 153333.34 \text{ cm}^4$ حساب الاجهادات الناظمية ورسم تمثلها البياني: الوضعية الأولى: $\sigma = M f_{\max} / W_{zz'}$ $\sigma = 28 \times 10^4 \times 20 / 160000$ $\sigma = 35 d a N / \text{cm}^2$ الوضعية الثانية: $\sigma = M f_{\max} / W_{zz'}$ $\sigma = 28 \times 10^4 \times 20 / 153333.34$ $\sigma = 36.52 d a N / \text{cm}^2$ التمثيل البياني: الوضعية الأولى: الوضعية الثانية:
2x0.25		
2x0.25		
0.25		اختيار المقطع الاكثر ملاءمة: المقطع الثاني هو المقطع الاكثر ملاءمة (اقتصادي ومرود المقطع اكبر) التمرين الثاني: 06/06 1/ التحقق من شرط الاستقرار الهندسي: $b = 2n - 3$ b: عدد القضبان n: عدد العقد $b = 9, n = 6$ $b = 2 \times 6 - 3 = 9$ الشرط متحقق

2/حساب ردود الأفعال:

0.25

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H_A + 10 = 0$$

$$H_A = -10kN$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A + V_B = 53kN \dots\dots 1$$

$$\sum M/A = 0 \Rightarrow 10V_B = 315kN$$

$$V_B = 31.5kN$$

$$\sum M/B = 0 \Rightarrow 10V_A = 215kN$$

$$V_A = 21.5kN$$

التحقق:

$$V_A + V_B = 31.5 + 21.5 = 53kN$$

الشرط محقق

3/حساب الجهود الداخلية:(عزل العقد)

: العقدة A

• حساب الزوايا:

$$\sin \alpha = 2.50 / 2.59 = 0.447$$

$$\cos \alpha = 5 / 5.59 = 0.894$$

$$\sin \beta = 2.50 / 5.59 = 0.447$$

$$\cos \beta = 5 / 5.59 = 0.894$$

$$\sin \gamma = 2.50 / 3.536 = 0.707$$

$$\cos \gamma = 2.50 / 3.536 = 0.707$$

$$\sin \theta = 5 / 5.59 = 0.894$$

$$\cos \theta = 2.5 / 5.59 = 0.447$$

3x0.50

4x0.25

تصحيح اختبار مادة التكنولوجيا هندسة مدنية 2021/2020

العقدة:

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{FB} \cos \alpha + 29.232 \cos \gamma - 19.801 \cos \gamma - 25.726 \cos \alpha = 0$$

$$N_{FB} = 18.266 \dots (T)$$

خلاصة:

العقدة	القضيب	N(kN)	الطبيعة
A	AC	29.082	C
	AF	25.726	T
C	CD	37	C
	CF	19.801	T
D	DE	37	C
	DF	15.00	C
E	EB	36.539	C
	EF	29.232	T
F	FB	18.266	T

4/ حساب مساحة مقطع القضيب الاكثر تحميلا:

القضيب الاكثر تحميلا هو: CD او DE حيث $N=37\text{kN}$

شرط المقاومة:

$$\sigma \leq \bar{\sigma} \Rightarrow N / A \leq \bar{\sigma}$$

$$A \geq N / \bar{\sigma}$$

$$A \geq 37.10^2 / 2400$$

$$A \geq 1.541\text{cm}^2$$

5/ حساب استطالة(تقلص) القضيب:

$$\Delta L = N \cdot L / A \cdot E$$

$$\Delta L = 3700.2.50.100 / 1.541.2.10^6$$

$$\Delta L = 30.01.10^{-2}\text{cm} = 3.001\text{mm}$$

البناء:

التمرين 03/03/03

تسمية العناصر:

كتلة الاساس 1:

جدار مجابه 2:

جدار راجع 3:

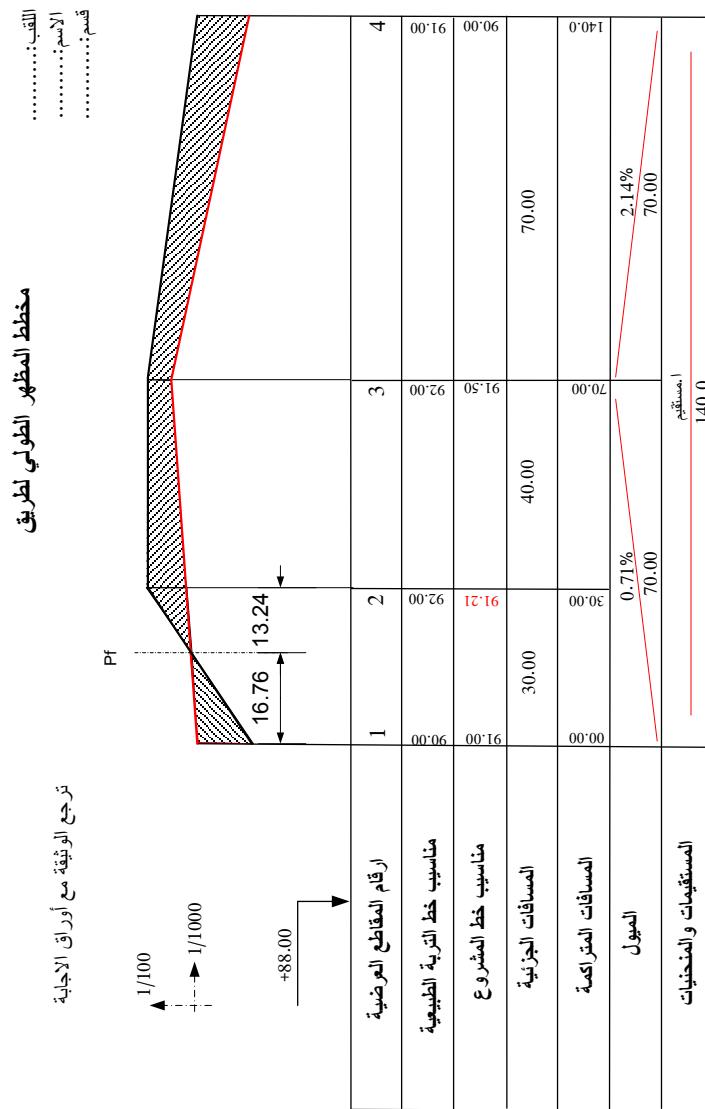
جدار واقي 4:

0.50

0.50

4x0.75

التمرين 04: 05/05



حساب الميل:

$$Tg \alpha_1 = 91.5 - 91 / 70 = 0.71\%$$

$$Tg \alpha_2 = 91.5 - 90 / 70 = 2.14\%$$

وضعيّة المقطع الوهبي:

$$x_1 = 1 \times 30 / 2.79 = 16.76m$$

$$x_2 = 30 - 16.76 = 13.24m$$

	الموضوع الثاني : الميكانيك المطبقه:
0.25 2x0.25	<p>التمرين 01: 06/06/2021 حساب ردود الافعال:</p> $\sum F_x = 0 \Rightarrow H_A = 0$ $\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A = 10 \times 2 + 5 = 25 kN$ $\sum M / A = 0 \Rightarrow M_0 + M_1 + 10 \times 2 \times 1 + 5 \times 2 = 0$ $M_0 = -34 kNm$ <p>2/ معادلات الجهد القاطع وعزم الانحناء: المجال الاول: $0 \leq x \leq 1m$</p> T_x $\sum F_y = 0 \Rightarrow V_A - T_x - 10x = 0$ $T_x = -10x + 25$ $x = 0m \Rightarrow T(0) = 25 kN$ $x = 1m \Rightarrow T(1) = 5 kN$ Mf_x
4x0.50	$\sum M / s = 0 \Rightarrow Mf_x - V_A \cdot x + 10x \cdot x / 2 - M_0 = 0$ $Mf_x = -5x^2 + 25x - 34$ $x = 0m \Rightarrow Mf_x(0) = -34 kNm$ $x = 1m \Rightarrow Mf_x(1) = -14 kNm$ <p>المجال الثاني: $0 \leq x \leq 2m$ القطع على اليمين: $0 \leq x \leq 1m$</p> T_x $\sum F_y = 0 \Rightarrow T_x - 10x - 5 = 0$ $T_x = 10x + 5$ $x = 0m \Rightarrow T(0) = 5 kN$ $x = 1m \Rightarrow T(1) = 15 kN$ Mf_x $\sum M / s = 0 \Rightarrow Mf_x + 10(x)^2 / 2 + 5x = 0$ $Mf_x = -5x^2 - 5x$ $x = 0m \Rightarrow Mf_x(0) = 0 kNm$ $x = 1m \Rightarrow Mf_x(1) = -10 kNm$ $dM / dx = -T_x$

تصحيح اختبار مادة التكنولوجيا هندسة مدنية 2021/2020

3/ منحنيات الجهد القاطع وعزم الانحناء:

2x1.00

0.75

استنتاج العزم الاعظمي:

$$Mf_{\max} = 34 kNm$$

4/ اختيار المجنب المناسب:

شرط المقاومة:

$$\sigma \leq \bar{\sigma} \Rightarrow Mf_{\max} / W_z \leq \bar{\sigma}$$

$$W_z \geq Mf_{\max} / \bar{\sigma}$$

$$W_z \geq 34.10^4 / 1800$$

$$W_z \geq 188.88 cm^3$$

نختار من الجدول المجنب التالي: IPN200

$$W_z = 214 cm^3$$

التمرين 2: 06/06

المعطيات:

حمولة الانضغاط:

$$Nu = 1.0 MN$$

ابعاد مقطع العمود:

تصحيح اختبار مادة التكنولوجيا هندسة مدنية 2021/2020

		$D = 30\text{cm}$ طول التحدب: $l_f = 2.90\text{m}$ الخرسانة: $f_{c28} = 20\text{Mpa} \dots \gamma_b = 1.5$ الفولاذ: $f_e = 400\text{Mpa} \dots \gamma_s = 1.15$ الحمولات مطبقة بعد 90 يوما. حساب مساحة مقطع التسلیح الطولي: <ul style="list-style-type: none"> • حساب النحافة λ $\lambda = 4l_f / D$ $\lambda = 4 \times 290 / 30 = 38.67$ <ul style="list-style-type: none"> • حساب معامل التحدب: $\alpha = 0.85 / 1 + 0.2(\lambda / 35)^2$ $\alpha = .85 / 1 + 0.2(38.67 / 35)^2 = 0.683$ <ul style="list-style-type: none"> • حساب المساحة المصغرة Br $B_r = \pi(D - 2)^2 / 4$ $B_r = \pi(30 - 2)^2 / 4 = 615.44\text{cm}^2$ <ul style="list-style-type: none"> • حساب مساحة مقطع التسلیح: $A_{the} = (N_u / \alpha - B_r f_{c28} / 0.9\gamma_b) \gamma_s / f_e$ $A_{the} = (1 / 0.683 - 0.0615 \times 20 / 0.9 \times 1.5) 1.15 / 400$ $A_{the} = 1.585 \times 10^{-3} \text{m}^2 = 15.85\text{cm}^2$ <ul style="list-style-type: none"> • حساب التسلیح الادنى: A_{min} $A_{min} = \max(0.2\%B_r; 0.04u)$ $A_{min} = \max(1.41; 3.76)\text{cm}^2$ $A_{min} = 3.76\text{cm}^2$ <ul style="list-style-type: none"> • التسلیح الاقصى: $A_{max} = 5B / 100$ $A_{max} = 5 \times \pi(30)^2 / 4 \times 100$ $A_{max} = 35.32\text{cm}^2$ <ul style="list-style-type: none"> • التحقيق: $A_{min} \leq A_{the} \leq A_{max}$ <ul style="list-style-type: none"> • مساحة التسلیح: $A_{cal} = \max(A_{the}; A_{min}) = 15.85\text{cm}^2$ <ul style="list-style-type: none"> • التسلیح الحقيقی: <ul style="list-style-type: none"> • نختار:
0.25		
0.25		
0.25		
1.00		
1.00		
0.50		

تصحيح اختبار مادة التكنولوجيا هندسة مدنية 2021/2020

		$8HA16 = 16.08cm^2$
1.00		2/ حساب التسلیح العرضي: $\phi_t \geq \phi_l / 3$ $\phi_t \geq 16 / 3$ $\phi_t \geq 5.33mm$ نختار: $\phi_t = 8mm$ التباعد: $s_t \leq \min(15\phi_l; 40cm; a + 10cm)$ $s_t \leq \min(15\phi_l; 40cm; a + 10cm)$ $s_t \leq 24cm$ نختار: $s_t = 20cm$
0.25		3/ اقتراح رسم التسلیح:
0.25		
0.50		
0.75		
4x0.75		البناء: التمرين 3: 03/03 مختلف الوثائق المكونة لمشروع طريق: • المخطط الطبوغرافي • مخطط التوقيع • المظهر الطولي • المظهر العرضي النموذجي • المظاهر العرضية
2.00		التمرين 4: 05/05 1/ حساب مساحة القطعة : ABCD $s = 1 / 2 \sum y_i (x_{i+1} - x_i)$ $s = 1 / 2 (y_A (x_B - x_D) + y_B (x_C - x_A) + y_C (x_D - x_B) + y_D (x_A - x_C))$ $s = 1 / 2 (300(200 - 400) + 500(450 - 200) + 420(400 - 200) + 300(200 - 450))$ $s = 1 / 2 (-60000 + 125000 + 84000 - 75000)$ $s = 37000m^2$

2/مساعدة الورثيين في تقسيم القطعة(تحديد احداثيات النقطة E)

$$s_1 = 2 / 3s = 24666.67m^2$$

$$s_2 = 1 / 3s = 12333.33m^2$$

بتطبيق نفس علاقة حساب المساحة نجد:

$$s_2 = 1 / 2 \sum y_i (x_{i+1} - x_i)$$

$$s_2 = 1 / 2(y_A(x_B - x_E) + y_B(x_E - x_A) + y_E(x_A - x_B))$$

$$s_2 = 1 / 2(300(200 - x_E) + 500(x_E - 200) + y_E(200 - 200))$$

$$s_2 = 1 / 2(-60000 + 125000 + 84000 - 75000)$$

$$2s_2 = 200x_E - 40000$$

$$x_E = (2s_2 + 40000) / 200$$

$$x_E = 323.333m$$

$$s_1 = 1 / 2 \sum y_i (x_{i+1} - x_i)$$

$$s_1 = 1 / 2(y_A(x_B - x_D) + y_E(x_C - x_A) + y_C(x_D - x_E) + y_D(x_A - x_C))$$

$$s_1 = 1 / 2(300(223.333 - 400) + y_E(450 - 200) + 420(400 - 323.333) + 300(200 - 450))$$

$$s_1 = 1 / 2(-23000.1 + 250y_E + 32200.14 - 75000)$$

$$2s_1 = 250y_E - 65799.96$$

$$y_E = (2s_1 + 65799.96) / 250$$

$$y_E = (2s_1 + 65799.96) / 250$$

$$y_E = 460.533m$$

خلاصة:

احداثيات النقطة E هي:

$$E(323.333; 460.533)m$$